

Министерство науки и высшего образования
Российской Федерации

Федеральное государственное бюджетное
образовательное учреждение высшего образования
«Донецкий государственный университет»

Факультет математики и информационных технологий
Кафедра прикладной математики и теории систем управления

УТВЕРЖДАЮ
проректор

_____ П. А. Машаров
«17» апреля 2025 г.
МП

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

МАТЕМАТИЧЕСКИЕ МОДЕЛИ В ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЯХ 8

Укрупненная группа направлений подготовки	02.00.00 Компьютерные и информационные науки
Программа высшего образования	Программа бакалавриата
Направление подготовки	02.03.02 Фундаментальная информатика и информационные технологии
Направленность (профиль) образовательной программы	Фундаментальная информатика и информационные технологии
Квалификация	Бакалавр
Форма обучения	Очная

Рабочая программа адаптирована для лиц
с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Донецк 2025

Рабочая программа дисциплины **«Математические модели в информационных технологиях 8»** для обучающихся по направлению подготовки 02.03.02 Фундаментальная информатика и информационные технологии (Профиль: Фундаментальная информатика и информационные технологии), составлена на основании Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования – бакалавриат по направлению подготовки 02.03.02 Фундаментальная информатика и информационные технологии, утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 23 августа 2017 г. № 808 (с изм. и доп.), Порядка организации и осуществления образовательной деятельности по образовательным программам высшего образования – программам бакалавриата, программам специалитета, программам магистратуры, утвержденного приказом Министерства науки и высшего образования Российской Федерации от 06 апреля 2021 г. № 245 (с изм. и доп.), в соответствии с учебным планом, утвержденным Ученым советом ФГБОУ ВО «ДонГУ» для набора 2025 года.

Разработчик:

доцент кафедры прикладной математики и
теории систем управления

Л.А. Рыбалко

Рабочая программа одобрена на заседании кафедры прикладной математики и теории систем управления.

Протокол от 10.04.2025 г. № 9а

Заведующий кафедрой

Д. В. Шевцов

СОГЛАСОВАНО:

Декан факультета математики и
информационных технологий
16.04.2025 г.

И. А. Моисеенко

Учебно-методическая комиссия факультета математики и информационных технологий.
Протокол от 16.04.2025 № 3

Председатель

Л. И. Селякова

Руководитель основной образовательной
программы, д-р техн. наук, доц.
10.04.2025 г.

Д. В. Шевцов

1. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

1.1. Требования к предварительной подготовке обучающихся, предшествующие и сопутствующие дисциплины, на которых основывается изучение данной:

дисциплины программы бакалавриата: «Алгоритмы и анализ сложности», «Основы программирования», «Введение в объектно-ориентированное программирование», «Методы оптимизации и вариационное исчисление», «Прикладные информационные технологии 1 – 7», «Математические модели в информационных технологиях 1 - 7».

1.2. Дисциплины, курсовые работы и практики, для которых освоение данной дисциплины необходимо как предшествующее:

научно-исследовательская работа над выпускным квалификационным дипломом бакалавра и диссертацией магистра.

2. ОПИСАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

2.1. Общая характеристика

Наименование показателя	Значение показателя
Название образовательной программы (далее – ОП)	02.03.02 Фундаментальная информатика и информационные технологии (Профиль подготовки: Фундаментальная информатика и информационные технологии)
Шифр и название в соответствии с учебным планом	Б1.В.ДВ.8.1. Математические модели в информационных технологиях 8
Часть образовательной программы	Вариативная часть: выбор обучающегося
Количество зачетных единиц / всего часов	2 / 72

2.2. Распределение часов по периодам обучения

Форма обучения	курс	семестр	Общее количество часов					Форма контроля
			лекционных	лабораторных	практических	самостоятельной работы	всего	
Очная	4	8	30	30	-	12	72	Зачет

3. ЦЕЛИ ДИСЦИПЛИНЫ

Углубленная подготовка в области нелинейного программирования; развитие навыков компьютерной реализации математических моделей при решении практических задач, используя математические приемы, методы оптимизации; овладение современным математическим аппаратом для дальнейшего использования в науке и приложениях; формирование у студентов научного подхода.

4. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ КОМПОНЕНТА ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ, ИХ ИНДИКАТОРЫ И ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ

4.1. Компетенции

ПК-1. Способен понимать и применять в научно-исследовательской и прикладной деятельности современный математический аппарат, основные законы естествознания,

современные языки программирования и программное обеспечение; операционные системы.

4.2. Индикаторы компетенций

ПК-1.20. Применяет классические и современные математические методы для решения фундаментальных и прикладных задач, связанных с нелинейным программированием.

4.3. Результаты обучения

ПК-1.20.1. Знает определения и утверждения, методы решения задач, основные численные алгоритмы, применяемые для решения профессиональных задач.

ПК-1.20.2. Умеет выбирать и использовать необходимые математические методы и вычислительные средства, решать задачи дисциплины (создавать приложения по алгоритмам нелинейного программирования; использовать стандартные приложения для решения профессиональных задач).

ПК-1.20.3. Аргументированно выбирает метод решения задачи, устанавливает свойства математических объектов, закономерности между ними, доводит решение задачи до работоспособного приложения, оценивает и анализирует полученный результат, строит математические модели для решения профессиональных задач.

5. ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Название темы	Краткое содержание темы (вопросы темы)
Задача нелинейного программирования	Постановка задачи нелинейного программирования. Геометрическая интерпретация целевой функции. Классификация точек минимума. Классификация и критерии оценки методов решения экстремальных задач. Общая схема оптимизации. Выбор начальной точки. Критерии окончания вычислений
Модели одномерной минимизации	Метод сканирования. Метод деления отрезка пополам. Метод золотого сечения. Метод Фибоначчи. Метод квадратичной аппроксимации. Поиск минимума на неограниченном интервале.
Модели численных методов безусловной минимизации нулевого порядка	Метод покоординатного спуска. Метод прямого поиска. Метод деформируемого многогранника. Методы случайного поиска.
Модели численных методов безусловной минимизации первого порядка	Метод градиента. Метод наискорейшего спуска. Метод тяжелого шарика. Метод оврагов.
Модели численных методов безусловной минимизации второго порядка	Метод Ньютона. Метод сопряженных градиентов.
Модели численных методов условной минимизации	Метод проекции градиента. Метод условного градиента. Метод штрафных функций. Метод барьерных функций.

6. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

6.1. Форма обучения – очная, курс – 4, семестр – 8

Наименования разделов и тем	Количество часов				
	Лекц.	Лабор.	Практ.	СРС	Всего
Задача нелинейного программирования	4	4		2	10
Модели одномерной минимизации	6	6		2	14

Модели численных методов безусловной минимизации нулевого порядка	6	6		2	14
Модели численных методов безусловной минимизации первого порядка	6	6		2	14
Модели численных методов безусловной минимизации второго порядка	6	6		2	14
Модели численных методов условной минимизации	2	2		2	6
ИТОГО ПО КОМПОНЕНТУ ОП	30	30	0	12	72

7. ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ (СРЕДСТВА) ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

7.1. Контрольные вопросы

1. Постановка задачи нелинейного программирования.
2. Геометрическая интерпретация целевой функции.
3. Классификация точек минимума.
4. Классификация и критерии оценки методов решения экстремальных задач.
5. Общая схема оптимизации.
6. Выбор начальной точки.
7. Критерии окончания вычислений.
8. Метод сканирования.
9. Метод деления отрезка пополам.
10. Метод золотого сечения.
11. Метод Фибоначчи.
12. Метод квадратичной аппроксимации.
13. Поиск минимума на неограниченном интервале.
14. Метод покоординатного спуска.
15. Метод прямого поиска.
16. Метод деформируемого многогранника.
17. Методы случайного поиска.
18. Метод градиента.
19. Метод наискорейшего спуска.
20. Метод тяжелого шарика.
21. Метод оврагов.
22. Метод Ньютона.
23. Метод сопряженных градиентов.
24. Метод проекции градиента.
25. Метод условного градиента.
26. Метод штрафных функций.
27. Метод барьерных функций.

7.2. Темы индивидуальных заданий (примеры)

Задание 1

Методом сканирования найти наименьшее значение функции $x^2 \cos(1+x)$ на отрезке $[0; 4]$ с точностью $\varepsilon=0,001$.

Задание 2

Методом деформируемого многогранника найти наименьшее значение функции $x_1^2 - 6x_1 + 13 + x_2^2 - 4x_2$ с точностью $\varepsilon=0,01$, если $x_1 \in [0; 4]$, $x_2 \in [-1; 3]$

Задание 3

Методом тяжелого шарика найти наименьшее значение функции $4x_1^2 + 8x_1 + 12 + 2x_2^2 - 8x_2$ с точностью $\varepsilon = 0,01$, если $x_1 \in [-2; 3]$, $x_2 \in [0; 3]$

Задание 4

Методом логарифмического штрафа со сходящейся последовательностью R найти наименьшее значение функции $2x_1^2 - 8x_1 + 16 + 2x_2^2 - 8x_2$ с точностью $\varepsilon = 0,01$ при ограничениях $-x_1 + 2x_2 \leq 3$; $2x_1 + x_2 \leq 4$; $x_1 \geq 0$; $x_2 \geq 0$, если $x_1 \in [-2; 3]$, $x_2 \in [0; 3]$.

8. РАСПРЕДЕЛЕНИЕ БАЛЛОВ, КОТОРЫЕ ПОЛУЧАЮТ ОБУЧАЮЩИЕСЯ

Общая оценка знаний обучающихся по дисциплине проводится по 100-балльной шкале исходя из максимума, приведенного в таблице ниже.

Организационно-учебная работа в аудитории оценивается на основе таких критериев как посещаемость занятий, своевременное и качественное выполнение домашних заданий, активность во время проведения лекционных и практических занятий (участие в обсуждении текущего и пройденного материала, решение задач и т.п.).

Самостоятельная работа оценивается на основе предоставленных на проверку выполненных домашних, индивидуальных заданий с учетом своевременности их предоставления и соответствия требованиям к их выполнению.

Количество баллов за контрольную работу вычисляется как сумма баллов за все входящие в её состав задания. Каждое задание оценивается исходя из максимально возможного количества баллов с учетом правильности выполнения задания, полноты приводимых обоснований.

По результатам работы в семестре обучающийся, набравший не менее 60 баллов, имеет право получить оценку. Те, кто претендует на более высокий балл, проходят промежуточную аттестацию. Максимальное количество баллов на промежуточной аттестации – 100. Общее количество баллов за семестр вычисляется как максимальная из полученных за семестр и на промежуточной аттестации и выставляется согласно принятому порядку.

8.1. Семестр 8

Номера тем	Виды работ	Максимальное количество баллов
1-6	Организационно-учебная работа в аудитории	10
	Самостоятельная работа	15
	Защита индивидуальных заданий	15
2	Выполнение индивидуального задания №1	15
3	Выполнение индивидуального задания №2	15
4-5	Выполнение индивидуального задания №3	15
6	Выполнение индивидуального задания №4	15
ИТОГО		100
Общий итог за семестр		100

Соответствие баллов оценке

Количество баллов из 100	ECTS	Оценка по пятибалльной шкале	
		Экзамен, дифференцированный зачет	Зачет
90-100	A	отлично	зачтено
80-89	B	хорошо	зачтено
75-79	C		зачтено
70-74	D	удовлетворительно	зачтено
60-69	E		зачтено

35-59	FX	неудовлетворительно	не зачтено
0-34	F		не зачтено

9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОГО ПРОЦЕССА

Учебные занятия проводятся в Главном корпусе ДонГУ (г. Донецк, пр. Гурова, 6). Для проведения лабораторных занятий требуется аудитория, оборудованная меловой или маркерной доской, мультимедийный проектор и экран, ноутбук, комплект учебной мебели для студентов, рабочее место преподавателя, выход в Интернет – проводной или с использованием Wi-Fi.

Для самостоятельной работы используются текстовые и электронные ресурсы Научной библиотеки университета и других электронных библиотечных баз данных, учебно-методическое обеспечение, представленное в учебно-методическом кабинете Главного корпуса (ауд.401).

Обучающиеся имеют возможность использовать учебные материалы по дисциплине, размещенные на платформе Moodle Центра дистанционного образования ФГБОУ ВО «ДонГУ». При изучении дисциплины применяются электронное обучение и дистанционные образовательные технологии.

С использованием ресурсов платформы дистанционного образования осуществляется текущий контроль знаний обучающихся на основе тестирования и проверки результатов самостоятельной работы.

10. РЕКОМЕНДУЕМАЯ ЛИТЕРАТУРА

10.1. Основная литература

1. Конспект лекций по курсу: “Методы оптимизации” Киевский Политехнический Институт, Кафедра прикладной математики - Киев – 2005.
2. Методы и алгоритмы решения задач оптимизации. Бейко И.В., Бублик Б.Н., Зинько П.Н. - К.: Вища школа, Головное изд-во, 1983. - 512 с
3. Елизаров Е.Я., Савченко В.С., Численные методы нелинейного программирования: Тексты лекций. / Е.Я. Елизаров, В.С. Савченко - Донецк: ДонГУ, 1982.- 66с

10.2. Дополнительная литература

4. Химмельблау. Прикладное нелинейное программирование. – М.: Мир, 1975.-536 с.
5. Холоднов В.А. Решение задач нелинейного программирования на основе градиентных методов с использованием системы компьютерной математики MathCAD: методические указания / В.А.Холоднов, Е.С. Боровинская, В.П.Андреева, В.И. Черемисин. СПб.: СПбГТИ (ТУ), 2010.- 69 с.

11. ИНФОРМАЦИОННЫЕ РЕСУРСЫ

1. **Национальная электронная библиотека (НЭБ):** федеральная государственная информационная система / Министерство Культуры РФ; Российская государственная библиотека. – Москва, 2019- . – URL: <https://rusneb.ru/> (дата обращения: 01.09.2023). – Режим доступа: свободный, подписка. Необходима установка программного обеспечения. – Текст: электронный.

2. **eLIBRARY.RU:** научная электронная библиотека: сайт. – Москва, 2000- . – URL: <https://elibrary.ru> (дата обращения: 01.09.2023). – Режим доступа: для авторизов. пользователей. –Текст: электронный.

3. Научная электронная библиотека «КиберЛенинка»: сайт / Ассоциация «Открытая наука». – Москва, 2014- . – URL: <https://cyberleninka.ru/>. – Режим доступа: свободный. – Текст: электронный.
4. Электронно-библиотечная система «Лань»: [сайт]. – URL: <https://e.lanbook.com> (дата обращения: 01.09.2023). – Режим доступа: для авторизов. пользователей. – Текст: электронный.
5. ЭБС Юрайт: электронная библиотечная система: сайт. – Москва, 2013. – URL: <https://biblio-online.ru> (дата обращения: 01.09.2023). – Режим доступа: для авторизов. пользователей. – Текст: электронный.
6. Электронно-библиотечная система ДонГУ: сайт / ФГБОУ ВО «ДонГУ». – Донецк, 2016- . – URL: <http://library.donnu.ru/> (дата обращения: 01.09.2023). – Режим доступа: свободный. – Текст: электронный.
7. Электронный каталог Научной библиотеки ДонГУ: раздел сайта / НБ ДонГУ. – Текст: электронный // ЭБС ДонГУ: сайт. – URL: <http://library.donnu.ru/catalog/> (дата обращения: 01.09.2023). – Режим доступа: поиск свободный, электронные документы – для пользователей ДонГУ.
8. Электронный архив ДонГУ: раздел сайта / НБ ДонГУ. – Текст: электронный // ЭБС ДонГУ: сайт. – URL: <http://repo.donnu.ru/> (дата обращения: 01.09.2023). – Режим доступа: свободный.

12. ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ

1. Windows 7 PRO (корпоративная лицензия ДонГУ № 46484614)
2. Microsoft Office (корпоративная лицензия ДонГУ № 46472919)
3. Microsoft Visual Studio (лицензия программы Dream Spark для высших учебных заведений)
4. Антивирус Касперского, Adobe Acrobat Reader, xPDF (лицензии GPL, Apache, BSD для свободного программного обеспечения).
5. Визуальная среда программирования Embarcadero Delphi или Delphi 7.